

بررسی عملکرد آیرودینامیکی ملخ کوادکوپتر با زوایای حمله مختلف در شرایط جریان متقاطع

میثم کماسی^۱، ایاد فیلی^۲، علی عبدلی^۳

۱–دانشجوی مقطع کارشناسی مهندسی هوافضا ، دانشگاه علوم و فنون هوایی شهید منصور ستاری m.k13800906@gmail.com ۲–نشجوی مقطع کارشناسی مهندسی هوافضا ، دانشگاه علوم و فنون هوایی شهید منصور ستاری ayadfyly187@gmail.com ۳–نشجوی مقطع کارشناسی مهندسی هوافضا ، دانشگاه علوم و فنون هوایی شهید منصور ستاری aliabdoli00211382@gmail.com

چکیدہ

کوادکوپترهای بدون سرنشین خود را به عنوان ابزاری ضروری در بخشهای مختلف اقتصادی تثبیت کردهاند و به طور موثر در کاربردهایی مانند تصویر بردای جغرافیایی، نظارت بر زمینهای کشاورزی، مأموریتهای جستجو و نجات و غیره به کار گرفته میشوند. سهولت استفاده و قابلیت برخاستن و فرود عمودی از مزایای استفاده از کوادکوپتر ها می باشد ،کارایی و عملکرد آیرودینامیکی کوادکوپترها به شدت به طراحی ملخ ها و تعامل آیرودینامیکی آنها با بدنه و محیط و جریان های مختلف وارد بر کوادکوپتر بستگی دارد. به منظور بررسی محاسباتی این تعاملات از روش های شبیه سازی مختلفی استفاده می شود، مانند دینامیک سیالات محاسباتی دارد. به منظور بررسی محاسباتی این تعاملات از روش های شبیه سازی مختلفی استفاده می شود، مانند دینامیک سیالات محاسباتی میشوند و یک نمایش شبکه گردابی ناپایدار (UVLM). از طریق چنین روشهایی، نیروهای رانش و گشتاورهای تولید شده پیش بینی سی از تجزیه و تحلیل داده های شبیه سازی، می توان طراحی ملخ ها را توسعه داد و بهبود بخشید و در نهایت کوادکوپترهای کارآمدتر با زمان پرواز طولانی تر و ظرفیت بار بالاتر را طراحی کرد ، در این مقاله در پی ادامه تحقیق Sanabria و بررسی عملکرد ماخ در شرایط جریان متقاطع با زوایای حمله متفاوت ابتدا از طریق تکنیک مش بیش از حد ، شبیه سازی ملخ را در جریان متقاط انجام می دهیم طوری که زاویه حمله آن را با توجه به باد ورودی تغییر دهیم و به پیش بینی عملکرد آیرودینامیکی ملخ و ترسیم و تحلیل جریان های اطراف ملخ می پردازیم .

كلمات كليدى : ملخ كوادكوپتر ، مش بندى ، آيروديناميك ، ANSYS Fluent ، جريان متقاطع



مقدمه

مطالعات متعددی بر روی عملکرد کوادهای چند روتوری در شرایط جریان متقاطع و در سرعتهای زاویهای نسبتاً کم، هم از طریق روشهای محاسباتی و هم تجربی انجام شده است. Lei و Cheng عملکرد یک پهپاد شش روتور را در شرایط شناور و همچنین در شرایط جریان متقاطع با بادهایی با سرعت ۰m/s تا ۴m/s بررسی کردند. نتیجه گیری حاصل شده از این تحقیقات نشان داد که در سرعتهای زاویهای بالا، باد افقی بر عملکرد ملخ تأثیر منفی می گذارد. با افزایش سرعت باد، نیروی رانش کمتری تولید می شود و نیروی بیشتری توسط موتورهای الکتریکی که ملخ ها را می چرخانند، مصرف می شود. با این حال، در سرعت های زاویه ای کمتر عملکرد بهتری به دست می آید. این عملکرد بهتر در سرعت زاویه ای ۱۷۰۰ RPM و با باد عرضی ۲.۵m/s مشاهده می شود. این وسیله نقلیه افزایش رانش را در حدود ۱۰٪ با مصرف انرژی نشان می دهد که ۲.۵٪ کمتر از همان سرعت زاویه ای بدون باد مخالف است.[1]



شکل ۱- رانش و توان مصرفی پهپاد شش روتور [۱]

ناسا از طریق آزمایشهای تونل باد، پایگاه دادهای حاوی دادههای عملکرد پهپادهای تجاری مختلف در شرایط جریان متقاطع تولید کرده است [۲]. ملخ های منفرد مورد آزمایش قرار گرفتند و نیروی رانش و گشتاور تولید شده در هنگام تغییر زاویه حمله در سرعت باد متقابل ثابت اندازه گیری شد. به عنوان مثال، برای باد متقابل ۲۰ft/s ، رانش ایجاد شده توسط ملخ های پهپاد DR SOLO۳ بر حسب سرعت زاویه ای و زاویه حمله آن ترسیم شد:





شکل ۲- رانش اندازه گیری شده ملخ DR SOLO۳، باد متقابل ۲۰ft/s [۲]

علاوه بر این، گشتاور تولید شده توسط ملخ ها اندازه گیری شد و امکان محاسبه توان مکانیکی تولید شده را فراهم کرد. همراه با اندازه گیری توان الکتریکی مصرف شده توسط موتور، تقریبی از راندمان ملخ ارائه شد. در موردی که قبلا ارائه شد، بازدهی بین ۷۲٪ و ۲۸٪ بسته به سرعت زاویهای ملخ پیدا شد. همانطور که در شکل بعدی نشان داده شده است، توان مصرفی ملخ مستقل از زاویه حمله ملخ و به سرعت زاویه ای آن بستگی دارد. این روند در سایر ملخ های آزمایش شده حفظ می شود.



شكل ٣- توان مصرف شده توسط ملخ ٢٠ft/s ،DR SOLO۳ [7].

Brandt و Selig نیز اهمیت توصیف عملکرد یک ملخ را در یک وضعیت رینولدز پایین، مانند عملکرد عادی یک پهپاد. در مطالعه آنها ، ملخ های قطرهای مختلف از ۹ تا ۱۱ اینچ با سرعت زاویه ای ثابت آزمایش شدند در حالی که باد متقابل به تدریج در تونل



هشتمین کنفرانس بین المللی **توسعه فناوری در مهندسی مکانیـگ و هواقضا**

باد افزایش یافت. در این آزمایش زاویه حمله ملخ ها ثابت ماند. برانت و سلیگ دریافتند که عملکرد آیرودینامیکی یک ملخ است که با افزایش سرعت زاویه ای آن در مواجهه با همان شرایط باد متقابل افزایش می یابد. این افزایش عملکرد از طریق کارایی و ضریب نمودارهای رانش تجسم می شود[4]. پایگاه داده حاصل در مرجع [۵]یافت می شود.

International Conference on

chnology Development in

Engineering

Mechanical and Aerospace

Perez و همکاران شبیه سازی روتورهای کوادکوپتر ARAKNOS V2 را انجام داده اند توسعه یافته توسط شرکت کلمبیایی ADVECTORنیروی رانش و گشتاور تولید شده توسط ملخ پیش بینی شد و یک شکل شایستگی نشان دهنده عملکرد ملخ در شناور بود شرایط ایجاد شد. علاوه بر این، یک برآورد ساده از زمان پرواز کوادکوپتر ارائه شد.[6]

به منظور تعیین عملکرد آیرودینامیکی یک روتور موجود در بازار رینولدز پایین و شرایط شناور، Cespedes و Lopez از شبیه سازی Overset Mesh استفاده کردند تکنیک در Ansys Fluent v19 این تکنیک امکان شبیه سازی اجسام مختلف در حال حرکت را فراهم می کند ایجاد مش های مستقل برای هر کدام و انجام یک شبیه سازی عددی در فضای مشترک آنها، به گونه ای که مش های مستقل یکدیگر را قطع می کنند. یک راه حل در نزدیکی هر یک محاسبه می شود شی در حال حرکت و در مش خود، و در منطقه دورتر از جسم یک راه حل در مش پس زمینه محاسبه می شود. در مرز هر دو (یا بیشتر) مش که toverset نامیده می شود مرز ، یک راه حل محاسبه می شود که از اطلاعات هر مش متقاطع مشتق شده است[7]. از طریق این تکنیک ، Cespedes و Lopez توانستند عملکرد یک ملخ را مشخص کنند در شرایط شناور، اعتبارسنجی نتایج آنها با داده های تجربی:[7]



Experimental Curve ■ Single Rotor Simulation ▲4 Rotors Simulation

شکل ۴- نتایج شبیه سازی برای شرایط شناور، به طور تجربی تایید شده است [۷]

به عنوان پیگیری کار انجام شده توسط Cespedes وSanabria Overset ، Sanabria Overset انجام داد شبیه سازی مش روی ملخ که عملکرد ملخ را در شرایط جریان متقابل تجزیه و تحلیل می کند، با باد متقابل عمود بر محور دیسک ملخ [۸]. Sanabria از طریق کار خود قادر به توصیف عملکرد آیرودینامیکی روتور در زاویه حمله ۰ درجه است و نتایجی را پیدا می کند که با ادبیات فعلی تطبیق دراد . پروژه حاضر به دنبال ایجاد کار Sanabria و کاوش عملکرد روتور در شرایط جریان متقاطع در زوایای حمله مختلف است.



روش شناسی

در این قسمت به تحلیل نظری و اصولی روش های به کار رفته در پژوهش

ضرايب عملكرد روتور

عملکرد آیرودینامیکی یک ملخ را می توان از طریق اندازه گیری نیروی رانش و گشتاور تولید شده در یک سرعت زاویه ای معین اندازه گیری کرد. بزرگی این متغیرها بر ظرفیت حمل ملخ، پایداری، مصرف برق و حداکثر زمان پرواز تأثیر می گذارد. در این تحقیق متغیرهایی که برای به دست آوردن عملکرد آیرودینامیکی ملخ در شرایط جریان متقاطع اندازه گیری شد عبارتند از: زاویه حمله، سرعت باد جریان متقاطع، سرعت زاویه ای، رانش، گشتاور، پسا و ممان غلتشی. فرآیند کاهش داده ها برای این متغیرها اعمال می شود تا تجزیه و تحلیل ملخ مستقل از مقیاس و شرایط جوی باشد. علاوه بر این، ضرایب بدون بعد حاصل از فرآیند کاهش داده ها، امکان مقایسه عملکرد آیرودینامیکی ملخ را با سایر ملخ های قبلا مطالعه شده فراهم می کند. ضرایب عملکرد ملخ که در این قسمت ارائه شده است در زیر نشان داده شده است:

Thrust:
$$CT = \frac{T}{\rho(\omega R)^2 \pi R^2}$$

Torque/Power:
$$C_Q = \frac{Q}{\rho(\omega R)^2 \pi R^3} = CP = \frac{P}{\rho(\omega R)^3 \pi R^2}$$

Roll Moment:

$$C_{MR} = \frac{M_R}{\rho(\omega R)^2 \pi R^3}$$

Drag:
$$CD = \frac{D}{\rho(Vx)^2 \pi R^2}$$

نسبت سرعت نوک تیغه و سرعت آن به عنوان نسبت پیشروی ملخ شناخته می شود .که به صورت زیر تعریف می شود: $J = rac{Vx}{\omega R}$

هندسه روتور



هندسه روتور مورد استفاده در این مطالعه یک فیبر کربن استاندارد و تجاری است روتور پهپاد. قطر آن ۱۶ اینچ و گام آن ۴ اینچ است. مدل به صورت سه بعدی به دست آمد اسکن توسط Cespedes [۷].



شکل ۵- هندسه ملخ مورد مطالعه

مش

روش مش بیش از حد توسط Sanabria به منظور شبیه سازی عملکرد آیرودینامیکی ملخ در شرایط مختلف جریان عرضی در زاویه حمله صفر، دستیابی به همگرایی سیستم از طریق افزایش تدریجی سرعت زاویه ای روتور برای هر شرایط شبیه سازی شده [۸]. از طریق چنین روش، دو ملخ و پس زمینه مستقل مش ها ساخته شدند. سپس، مجموعه ای متشکل از دو مش مجزا بود ساخته شده. در این مجموعه مش ملخ با توجه به سرعت زاویه ای ملخ می چرخد ، در حالی که مش پس زمینه ثابت می ماند

مش روتور در مجموع شامل ۱ میلیون بخش است، در حالی که مش پس زمینه شامل ۴.۵ میلیون بخش است. کیفیت مش با پارامترهای مختلفی مانند چولگی یک سلول اندازه گیری می شود که نشان دهنده تفاوت بین شکل سلول و شکل یک سلول متساوی الاضلاع با حجم معادل است [۹]. مقادیر چولگی برای مجموعه مش در شکل ۶ نشان داده شده است، که در آن چولگی سلول ها به طور کلی زیر ۰.۷۰ است، که نشان دهنده شکل سلولی مناسب در سراسر مش است. هندسه ملخ و مش زمینه نیز در شکل ۶ نشان داده شده است، جایی که D نشان دهنده قطر د روتور است: www.metec.bonf.ir B th International Conference on Technology Development in Mechanical and Aerospace Ingineering Mechanical and Aerospace





شکل ۶- ملخ و هندسه پس زمینه مش و چولگی(skewness) [۸].

حل کننده و پیکربندی

زاویه حمله ملخ به عنوان زاویه بین صفحه تولید شده توسط چرخش ملخ (صفحه دیسک ملخ) و سرعت باد ورودی ، همانطور که در شکل ۷نشان داده شده است :



شكل ٧ – زاويه حمله ملخ [١٠].



شبیه سازی ها با نرم افزار تجاری موجود ANSYS Fluent 2024 R2 انجام شد. چرخش فیزیکی هندسه روتور برای دستیابی به زوایای حمله مختلف به دلیل پیچیدگی مش ناکارآمد در نظر گرفته شد. بنابراین، دو سطح از حوزه محاسباتی (در جلو و بالای ملخ) به عنوان ورودیهای سرعت تعریف شدند، با سطوح باقیمانده خروجیهای فشار همانطور که در شکل ۸ نشان داده شده است. سپس سرعت باد ورودی را میتوان بسته به مولفههای دکارتی تجزیه کرد. زاویه حمله مورد نظر، ایجاد همان اثر بدون نیاز به چرخش فیزیکی هندسه ملخ. هر دو مجموعه مرزها دارای یک مدل آشفتگی هستند که با شدت ۵٪ و نسبت ویسکوزیته آشفته



شکل ۸ - ورودی های سرعت و خروجی های فشار

موارد مورد مطالعه و ملاحظات شبیه سازی

این مطالعه با سرعت زاویه ای ثابت ملخ ۳۰۰۰ RPM انجام شد، زیرا این مقدار در شرایط عملیاتی معمولی یک مقدار مناسب در نظر گرفته می شود. در این سرعت زاویه ای، سه نسبت پیشروی مختلف در نظر گرفته شد، همانطور که در مرجع [۸] ارائه شد. برای هر نسبت پیشروی (J)، زوایای حمله ۱۵ درجه، ۳۰ درجه، ۴۵ درجه و ۶۰ درجه در نظر گرفته شد. این باعث می شود که در مجموع دوازده شرط جداگانه شبیه سازی شود. اطلاعات مربوط به هر مورد در جدول ۲ و همچنین مولفه های سرعت ورودی های سرعت با توجه به چارچوب مرجع تعیین شده در شکل ۸ ارائه شده است:

RPM	J	U (m/s)	α (deg)	<i>Ux</i> (m/s)	<i>Uz</i> (m/s)
			۱۵	۲.۹	-0.78
	۰.۰۴۷	٣	٣٠	۲.۶	-1.5
			۴۵	۲.۱۲	-2.12







			۶۰	۱.۵	-2.60
			۱۵	٨.۵	-1.55
۳۰۰۰	۰.۰۹۴	۶	٣٠	۵.۲	-3.00
			۴۵	4.74	-4.24
			۶.	۳.۰۰	-5.20
			۱۵	٨.۶٩	-2.33
	٠.١۴١	٩	٣٠	٧.٧٩	-4.50
			۴۵	۶.۳۶	-6.36
			۶.	۴.۵۰	-7.79

th International Conference on

Technology Development in

Engineering

جدول ۱ – موارد مطالعه شده

به منظور دستیابی به نتایج دقیق از شبیهسازیها، مشخص شد که زمان کل جریان برای هر مورد باید حداقل یک "زمان همرفتی" را پوشش دهد. زمان همرفتی به عنوان زمانی تعریف می شود که یک مولکول هوا به طور کامل از حوزه محاسباتی عبور می کند (شکل ۶). این زمان همرفتی به سرعت باد ورودی بستگی دارد و در جدول ۳ ارائه شده است:

RPM	J	U (m/s)	α (deg)	Convective Time(s)
			۱۵	1.17
	۰.۰۴۷	٣	٣٠	1.70
			۴۵	۱.۵۳
			۶۰	۲.۱۷
			۱۵	۰.۵۶
۳۰۰۰	۰.۰۹۴	۶	٣٠	۶۳. ۰
			۴۵	• <u>.</u> YY
			۶۰	۱.۰۸
			۱۵	۲۳ <u>.</u> ۰
	۰.۱۴۱	٩	٣٠	۰.۴۲
			۴۵	۵۱۰.۰
			۶۰	۲۷. ۰

جدول ۲ - زمان همرفتی برای هر مورد مورد مطالعه

یک تحلیل گذرا با یک حل کننده مبتنی بر فشار و یک فرمول سرعت مطلق، با استفاده از یک مدل SST چسبناک با تصحیح انحنای ثابت ۱ انتخاب شد.



Parameter	Spatial Discretization	
(شيب) Gradient	حداقل مربعات مبتنی بر) Least Squares Cell Based	
	(سلول	
فشار) Pressure	((مرتبه دومSecond Order	
(حرکت)Momentum	(مرتبه دوم در جهت باد) Second Order Upwind	
(انرژی جنبشی آشفته) Turbulent Kinetic Energy	(مرتبه دوم در جهت باد)Second Order Upwind	
(نرخ اتلاف خاص) Specific Dissipation Rate	(مرتبه دوم در جهت باد)Second Order Upwind	

جدول ۳ – گسسته سازی فضایی

از آنجایی که جریان اطراف ملخ ناپایدار است، خواص آیرودینامیکی آن با گذشت زمان تغییر می کند. برای شبیه سازی، این بدان معناست که معادلات حاکم بر سیستم باید به طور تکراری در یک بازه زمانی معین حل شوند. این بازه زمانی را مرحله زمانی شبیه سازی می نامند. برای به دست آوردن نتایج دقیق، گام زمانی باید به ترتیب ١٠-۴ ثانیه باشد، همانطور که در همگرایی سیستم توسط Sanabria نشان داده شده است [۸]. تکمیل یک زمان همرفتی با چنین گام زمانی از نظر محاسباتی غیرعملی است، به عنوان مثال، برای تکمیل زمان همرفتی برای حالت ۶۰ درجه با نسبت پیشروی ۲۰۰ تا ۲۰۸ ساعت زمان محاسباتی واقعی نیاز دارد. بنابراین، تصمیم گرفته شد که گام زمانی شبیهسازی با چند مرتبه بزرگی برای تکمیل یک زمان همرفتی افزایش یابد. پس از تکمیل، برای دستیابی به یک راه حل پایدار برای سیستم، یک بار دیگر کاهش می یابد.

ماهیت پیچیده و ناپایدار جریان به این معنی است که متغیرهای اندازه گیری شده به یک مقدار منفرد همگرا نمی شوند. در عوض، این متغیرها رفتار دوره ای از خود نشان می دهند. بنابراین، یک راه حل پایدار برای سیستم زمانی مشهود است که این رفتار دوره ای پایدار باشد. برای به دست آوردن یک مقدار عددی برای متغیر اندازه گیری شده، میانگینی از رفتار تناوبی پایدار گرفته می شود. نمونه ای از این رفتار پایدار برای نیروی بالابر ملخ در شکل زیر نشان داده شده است:





شکل ۹ – نمونه ای از رفتار دوره ای پایدار

ماهیت دوره ای اندازه گیری متغیرهای مرتبط با چرخش ملخ در یکی از وسیع ترین کاربردهای آن دیده می شود: هلیکوپتر. شکل ۱۰ اندازه گیریهای واقعی یک ملخ سه پره را نشان میدهد، که رفتار دورهای رانش ملخ را در طی بیست دور کامل نشان میدهد:



شکل ۱۰ –رانش روتور هلیکوپتر اندازه گیری شده [۱۱].

روش شبیه سازی

این شبیهسازیها بر روی یک لب تاپ ۱۴ هستهای با 16 گیگابایت رم انجام شده است.

- فایل .cas و .dat مربوط به سرعت زاویه ای مورد نظر (۳۰۰۰ RPM در سراسر این مطالعه) را مقداردهی کرده ایم. این الگوی مورد شروع دارای تمام پارامترهای شبیه سازی است که قبلاً پیکربندی شده اند و برای زاویه ۰ درجه حمله توسط Sanabria
 کا حمده است. بعلاوه، به گونه ای اصلاح شده است که مرزهای ورودی سرعت همانطور که در بخش حل کننده و پیکربندی تعریف شده است تنظیم شود.
- ۲. مولفه های سرعت ورودی را برای زاویه حمله مورد نظر مطابق چارچوب مرجع تعیین شده در شکل ۸ تنظیم کرده ایم.

رابط کاربری گرافیکی ANSYS مسلط:

- .۱ یک گام زمانی شبیه سازی را به ترتیب ۱۰-۴ ثانیه تنظیم کنید. این مطالعه به عنوان مرحله زمانی ۱.۶۷ (۱۰-۴) ثانیه همانطور که در مرجع [۸] پیشنهاد شد، استفاده شد.
- ۲. شبیه سازی را برای تعداد متوسطی از تکرارها اجرا کنید تا بردارهای سرعت جدید را بدون واگرایی راه حل به الگوی موردی معرفی کنید. بیست تکرار برای این مرحله کافی بود.
- ۳. به تدریج، در بیست بازه تکرار، مرحله زمانی شبیه سازی را به ۱.۶۷ (۱۰–۲) ثانیه افزایش دهید. پنج فاصله برای این مرحله کافی بود.
 - ۴. شبیه سازی را برای تعداد مراحل زمانی لازم برای دستیابی به زمان همرفتی مورد خاص اجرا کنید.
 - با استفاده از روشی مشابه در مرحله ۵، مرحله زمانی را به ترتیب ۱۰-۴ ثانیه کاهش دهید.



^۴. شبیه سازی را تا زمانی اجرا کنید که متغیرهای اندازه گیری شده رفتاری مشابه آنچه در شکل ۹ نشان داده شده است نشان دهند. نشان داده شد که این رفتار پایدار در حدود هفت چرخش کامل ملخ اتفاق می افتد.

نتايج

ضريب رانش

شکل ۱۱ ضریب رانش را در رابطه با زاویه حمله برای هر نسبت پیشروی نشان می دهد که همانطور که در جدول ۱ نشان داده شده است، مورد مطالعه قرار گرفته است. 11، 12 و 13 با نسبت های پیشروی ۰/۰۴۴، ۰/۰۹۴ و ۰/۱۴۱ مطابقت دارند.



شکل ۱۱ - ضریب رانش در مقابل زاویه حمله

در پرواز رو به جلو، ضریب رانش نشان دهنده نیروی نرمال صفحه دیسک است که با چرخش ملخ ایجاد می شود، همانطور که در شکل زیر نشان داده شده است، جایی که T نشان دهنده رانش است:





شکل ۱۲ – نیروهای روی هواپیمای دیسکی در پرواز رو به جلو [۱۰].

بر اساس چارچوب مرجع نشان داده شده در شکل ۱۲، واضح است که *CT* حداکثر مقدار خود را زمانی خواهد داشت که دیسک ملخ موازی جهت حرکت باشد، که همان زاویه حمله ۰ درجه است. این رفتار در شکل ۱۱ مشهود است، جایی که نشان داده شده است که حداکثر رانش به دست آمده در هر یک از نسبت های پیشروی مورد مطالعه در زاویه صفر درجه رخ می دهد. با افزایش زاویه حمله، رانش تولید شده توسط ملخ کاهش مییابد زیرا بخشی از آن باید به اعمال شتاب رو به جلو به ملخ کمک کند. به نظر می رسد کاهش رانش مستقیماً با افزایش زاویه حمله برای همه نسبت های پیشروی مرتبط است. با این حال، نرخ کاهش در رانش با سرعت جریان متقاطع افزایش مییابد که با افزایش شیب از 11 به 33 مشهود است. برای کمترین نسبت پیشروی، 11، ملخ کاهش رانش را در حدود ۱۸.۲٪ تجربه کرد. برای نسبت پیشروی دوم و سوم، ملخ افت رانش را به ترتیب ۵۰.۲٪ و ۸۳٪ تجربه کرد. شکل ۱۱ نشان می دهد که با افزایش سرعت ملخ و زاویه حمله ملخ، ظرفیت حمل آن کاهش می یابد زیرا نیروی رانش کمتری به سمت بالا برای غلبه بر وزن هر بار بالقوه ایجاد می کند.

یک نتیجه جالب از روند کاهش رانش با افزایش زاویه حمله این است که در حدود ۲۰ درجه، ضریب رانش مستقل از نسبت پیشروی به نظر می رسد. این نقطه همگرایی "نقطه شیرین" بین زاویه حمله و تولید رانش را نشان می دهد. به این ترتیب، به نظر می رسد زاویه حمله ۲۰ درجه، زاویه ایده آلی است که سرعت ملخ رو به جلو و ظرفیت حمل را متعادل می کند. همانطور که در جدول ۱ مشاهده می شود، با نسبت پیشروی ۴۰.۰۰، ملخ در زاویه حمله ۱۵ درجه دارای سرعت رو به جلو و ظرفیت حمل را متعادل می کند. همانطور که در جدول ۱ حال، در همان زاویه حمله، ملخ با نسبت پیشروی ۱۴۰.۰ دارای سرعت جلویی ۸۶۹ متر بر ثانیه است. ملخ علیرغم داشتن سرعت

نقطه همگرایی تولید نیروی رانش برابر نیز در کار انجام شده توسط Carrol وجود دارد، همانطور که در شکل ۱۳ نشان داده شده است. تولید رانش در زاویه حمله ۱۵ درجه برابر است [۱۲]. کولای، بار دیگر از طریق آزمایش تونل باد، همان روند را در زاویه حمله



۱۵ درجه پیدا کرد که در شکل ۱۴ نشان داده شده است. در اینجا، خط نقطه چین سبز نشان می دهد که ضریب رانش در طیف وسیعی از نسبت های پیشروی ثابت می ماند [۱۳] .







شکل ۱۴ - ضریب رانش برای نسبت های مختلف پیشروی[۱۳].

ضريب توان





شکل ۱۵ – ضریب قدرت در مقابل زاویه حمله

شکل ۱۵ ضرایب توان را با توجه به زاویه حمله ملخ نشان می دهد. همانطور که با رانش ایجاد شده توسط ملخ، به نظر می رسد گشتاور تولید شده توسط ملخ با افزایش زاویه حمله کاهش می یابد. به نظر می رسد که این کاهش بار دیگر با افزایش زاویه حمله، با افزایش شیب با افزایش نسبت پیشروی، نسبت مستقیم دارد. با این حال، درصد اختلاف بین گشتاور تولید شده در ۰ درجه و درجه کمتر از رانش تولید شده است. برای 11، درصد اختلاف گشتاور بین کمترین و بالاترین زاویه حدود ۸.۹٪ است، در حالی که برای 22 و 33 به ترتیب حدود ۲۵.۴٪ و ۲۵.۴٪ است. این واریانس کم بین مقادیر حداکثر و حداقل مطابق با داده های تجربی جمع آوری شده توسط ناسا همانطور که در شکل ۳ نشان داده شده است، که در آن توان مورد نیاز برای کارکردن ملخ مشابه در مقادیر تقریبا ثابت برای طیف وسیعی از زوایای حمله باقی می ماند. در زاویه حدود ۲۰ درجه، گشتاور تولید شده توسط ملخ برای هما نسبتهای پیشروی برابر است. این شواهد دیگری از زاویه حمله بهینه برای عملکرد ملخ مورد مطالعه است، زیرا این همان نقطه ای نسبتهای پیشروی برابر است. این شواهد دیگری از زاویه حمله بهینه برای عملکرد ملخ مورد مطالعه است، زیرا این همان نقطه ای

از طریق همان مطالعه ای که قبلا ارائه شد، Carrol توانست ضریب توان یک ملخ مشابه را در 3000 RPM با تغییرات در زاویه حمله آن تعیین کند. همانطور که در شکل ۱۶ نشان داده شده است، رفتار یافت شده مشابه آزمایش های تونل باد ارائه شده است [۱۲]. برای شروع، رفتار ضریب توان با افزایش زاویه حمله برای هر دو مورد یکسان است، با این تفاوت که کارول بالاترین ضریب توان را برای همه نسبتهای پیشروی در ۱۵ درجه یافت. شیب نسبت های پیشروی مربوطه بین دو مطالعه مشابه است. کاهش قدرت با افزایش زاویه حمله در نسبتهای پیشروی پایینتر برای هر دو مورد به طور قابل توجهی کمتر است و در بالاترین نسبت پیشروی ۱۴۱.۰ به شدت افزایش مییابد. آنچه نشان داده شده است این است که با افزایش زاویه حمله و نسبت پیشروی، ملخ مقدار قابل توجهی گشتاور کمتری تولید می کند.





شکل ۱۶ – مقایسه ضریب توان [۱۲].





شکل ۱۷ - ضریب درگ در مقابل زاویه حمله

نیروی پسا مرتبط با چرخش ملخ در شکل ۱۷ برای همه موارد مورد مطالعه ترسیم شده است. همانطور که نشان داده شده است، با افزایش زاویه حمله، نیروی درگ به طور تصاعدی افزایش می یابد. نیروی پسا در نسبت های پیشروی پایین تر به طور قابل توجهی افزایش می یابد، زیرا ضریب پسا شاهد افزایش ۵۳ درصدی از ۰ درجه به ۶۰ درجه در کمترین نسبت پیشروی و افزایش بیش از ۴۶ درصدی برای همان محدوده زاویه حمله در بالاترین نسبت پیشروی است. افزایش نمایی درگ، که در نسبت های پیشروی پایین تر



توقف آن می شود. از طریق شکل ۱۷ می توان نشان داد که به منظور کاهش درگ ، کار با نسبت پیشروی بالاتر مفیدتر از کار با نسبت پیشروی پایین تر است، حتی با افزایش زاویه حمله.

ضریب پسا که ثبت شده است با رفتار یک ایرفویل معمولی سازگار است. همانطور که مشهود است، درگ در زوایای کوچک (۰–۵ درجه) تقریبا ثابت است. با این حال، پس از عبور از محدوده زاویه کوچک، درگ به دلیل افزایش سطح در معرض باد ورودی و افزایش ضخامت لایه مرزی افزایش می یابد. با افزایش بیشتر زاویه حمله، لایه مرزی از بدنه روتور جدا می شود و حالت توقف ایجاد می کند. این وضعیت توقف در شکل ۱۱ از طریق کاهش رانش با افزایش زاویه حمله دیده می شود.

لحظه رول



شكل ۱۸ - ضريب لحظه رول در مقابل زاويه حمله

کاهش ضریب گشتاور رول با افزایش زاویه حمله در شکل ۱۸ نشان داده شده است. گشتاور رول تمایل به چرخش در اطراف محور x دارد همانطور که در قاب مرجع در شکل ۸ نشان داده شده است. مشخص می شود که گشتاور رول همیشه برای نسبت های پیشروی بالاتر به طور قابل توجهی بالاتر است، اگرچه این تفاوت با افزایش زاویه حمله کاهش می یابد و تمایل دارد در حداکثر زاویه آزمایش شده ۶۰ درجه ادغام شود. به نظر می رسد کاهش لنگر غلتشی متناسب با افزایش زاویه حمله باشد، با شیب های مشابه برای سه نسبت پیشروی مورد مطالعه. گشتاور رول باید در طراحی ساختاری روتور در نظر گرفته شود زیرا نیروهای اعمال شده می توانند باعث تغییر شکل دائمی یا شکست روتور شوند. علاوه بر این، از آنجایی که یک لحظه نوسان با رفتاری مشابه آنچه در شکل ۹ نشان داده شده است، احتمال خرابی خستگی باید در طول فرآیند طراحی روتور در نظر گرفته شود

تجسم جريان

J1 = 0.047

www.metec.bcnf.ir





α = 15°



شکل ۱۹ – تجسم جریان J1 در زاویه ۱۵ درجه

 $\alpha = 30^{\circ}$



شکل ۲۰ – تجسم جریان J1 در زاویه ۳۰ درجه

α = 45°



شکل ۲۱ – تجسم جریان J1 در زاویه ۴۵ درجه

 $\alpha = 60^{\circ}$





شکل ۲۲ – تجسم جریان J1 در زاویه ۶۰ درجه

J2 = 0.094



شکل ۲۳ – تجسم جریان J2 در زاویه ۱۵ درجه

 $\alpha = 30^{\circ}$









α = 45°





شکل ۲۶ – تجسم جریان J2 در زاویه ۶۰ درجه

J3 = 0.141

α = 15°









 $\alpha = 30^{\circ}$



شکل ۲۸ – تجسم جریان J3 در زاویه ۳۰ درجه

 $\alpha = 45^{\circ}$



شکل ۲۹ – تجسم جریان J3 در زاویه ۴۵ درجه

 $\alpha = 60^{\circ}$



شکل ۳۰ – تجسم جریان J3 در زاویه ۶۰ درجه

1.50e+00

0.00e+00

شکل های ۱۹–۳۰ جریان تولید شده توسط چرخش ملخ را برای هر دوازده مورد مورد مطالعه نشان می دهد. این جریان در صفحه Xz همانطور که در شکل ۸ در لحظه ای که زمان همرفتی کامل می شود ، نشان داده شده است. همانطور که قبلا ذکر شد ، ایجاد چرخش هندسه ملخ نسبت به افق غیرعملی شد. بنابراین، پیامدهای اصلاح زاویه حمله ملخ در شرایط جریان عرضی بهتر تجسم می یابد اگر نمودارهای کانتور برای مطابقت با زاویه حمله همانطور که در پیوست ۱ نشان داده شده است، چرخانده شوند.

همانطور که ملخ به جلو حرکت می کند، گرداب ها در نوک تیغه ریخته می شوند. این به وضوح نشان داده شده است، به عنوان مثال، در شکل ۲۶. دو گرداب جداگانه به سمت لوله جریان حرکت می کنند و در نهایت به هم می پیوندند و یک گرداب واحد را تشکیل می دهند. این پدیده به وضوح نشان داده شده است، به عنوان مثال، در شکل ۲۷. نمایش سه بعدی جریان در ضمیمه ۲ برای تمام نسبت های پیشروی در زوایای حمله ۱۵ درجه و ۶۰ درجه نشان داده شده است. تفاوت آشکار در ادغام گرداب های نوک بین زوایای حمله ۱۵ درجه و ۶۰ درجه مستقل از نسبت پیشروی قابل شناسایی است. در دمای ۱۵ درجه، گرداب های نوک از لوله جریان حرکت می کنند و در نهایت به هم می پیوندند و یک گرداب منفرد را تشکیل می دهند که به طور قابل توجهی گسترده تر از صفحه ملخ است. برعکس، در دمای ۶۰ درجه، گرداب های نوک بدون درهم تنیدگی قابل توجهی به سمت لوله جریان حرکت می کنند و منجر به یک لوله جریان کلی باریک تر می شوند. به نظر می رسد میزان جدایی دو گرداب تحت تأثیر نسبت پیشروی باشد، زیرا نسبت های پیشروی بالاتر جدایی بیشتری را نسبت به نسبت های پیشروی پایین تر نشان می دهند. این جداسازی گردابه ها می تواند عاملی موثر در ایجاد نیروی رانش کمتر در زوایای حمله بالاتر و نسبت های پیشروی باشد. نسبت پیشروی نیز نقش مهمی در افقی شدن لوله جریان با افزایش زاویه حمله این به نسبت های پیشروی پایین تر نشان می دهند. این جداسازی گردابه ها در نسبت های پیشروی بالاتر بولی این کمتر در زوایای حمله بالاتر و نسبت های پیشروی باشد. نسبت پیشروی نیز نقش مهمی

).00e+00

www.metec.bcnf.ir



هشتمین کنفرانس بین المللی **توسعه فناوری در مهندسی** مکانیک و هوافضا

نتايج

مطالعه حاضر توانست با موفقیت عملکرد آیرودینامیکی ملخ پهپاد را در شرایط جریان متقاطع با تغییرات زاویه حمله آن پیش بینی کند. موارد عددی از طریق تکنیک مش بیش از حد شبیه سازی شدند که در آن زاویه حمله روتور نسبت به باد ورودی متنوع بود و متغیرهایی مانند رانش و گشتاور را اندازه گیری کرد تا درک درستی از عملکرد آیرودینامیکی ملخ ایجاد شود. همراه با متغیرهای اندازه گیری شده، جریان اطراف روتور برای درک بیشتر عملکرد آن تجسم شد.

International Conference on

echnology Development in

Engineering

Mechanical and Aerospace

کارهای قبلی انجام شده در مورد تجزیه و تحلیل ملخ انجام شد و به منظور پیشرفت بیشتر در توصیف کامل عملکرد آیرودینامیکی ملخ تطبیق داده شد. یک پروتکل شبیه سازی کامل که امکان آزمایش ملخ را در شرایط جریان عرضی با تغییرات زاویه حمله فراهم می کند، تولید و گزارش شد. تعدادی از شرایط عملیاتی با نسبت های پیشرفته قبلی که زاویه حمله ملخ را اصلاح می کرد، از طریق پروتکل شبیه سازی توسعه یافته پیشنهاد، طبقه بندی و اجرا شد. نتایج کامل شبیه سازی دسته بندی و متعاقبا تجزیه و ارائه شد. و نمودارهایی از ضرایب عملکرد ملخ پیشنهادی را تولید کرد. علاوه بر این، جریان اطراف ملخ به صورت موردی تجسم و ارائه شد.

نتایج شبیه سازی با ادبیات منتشر شده که آزمایش های دنیای واقعی را در تونل های باد برای ملخ هایی با ویژگی های هندسی و سرعت زاویه ای مشابه انجام می دادند، تأیید شد. رفتار کلی ضرایب رانش و توان مشابه رفتاری است که در مطالعه ای انجام شده بر روی ملخ های کوچک در ۳۰۰۰ دور در دقیقه یافت شد. علاوه بر این، یک ویژگی خاص از رانش ملخ که آن را مستقل از نسبت پیشروی در زوایای حدود ۲۰ درجه ثابت نگه می دارد، یافت شد و با دو مطالعه جداگانه تأیید شد. علاوه بر این، مشخصات ضریب درگ با موفقیت با ایرفویل استاندارد مقایسه شد و شباهت هایی را در شکل هم در زوایای حمله کوچک و هم در زوایای حمله بزرگ نشان داد.

ضریب رانش در برابر افزایش زاویه حمله برای تمام نسبت های پیشروی مورد مطالعه ترسیم شد. رابطه متناسب بین افزایش زاویه حمله و کاهش تولید راندگی یافت شد. مشخص شد که این کاهش با افزایش نسبت پیشروی روتور تسریع می شود. در کمترین نسبت پیشرفت، ملخ افت ۱۸.۷ درصدی را در تولید رانش تجربه کرد، در حالی که در بالاترین نسبت پیشروی افت ۸۳ درصدی را تجربه کرد، در الی که در بالاترین نسبت پیشروی افت ۲۸ درصدی را تجربه کرد. این نتایج نشان می دهد که بسته به نسبت پیشروی، ملخ دارای طیف وسیعی از زوایای حمله است که امکان تولید رانش تجربه کرد. در حالی که در بالاترین نسبت پیشروی افت ۲۸ درصدی را تجربه کرد. این نتایج نشان می دهد که بسته به نسبت پیشروی، ملخ دارای طیف وسیعی از زوایای حمله است که امکان تولید رانش قابل قبول را بدون به خطر انداختن سرعت رو به جلو آن فراهم می کند. در نسبت پیشروی کم، محدوده زاویه حمله را می توان از مال قبول را بدون به خطر انداختن سرعت رو به جلو آن فراهم می کند. در نسبت پیشروی کم، محدوده زاویه حمله را می توان از مال قبول را بدون به خطر انداختن سرعت رو به جلو آن فراهم می کند. در نسبت پیشروی کم، محدوده زاویه حمله را می توان از رانش مناسب حفظ شود. در سال گرفت، در حالی که در نسبت های پیشروی بالاتر توصیه می شود که در محدوده با مال در جه بمانید تا تولید رانش مناسب حفظ شود. در سه نسبت پیشرفت، مشخص شد که در زاویه حدود ۲۰ درجه تولید رانس تقریبا برابر است. این بدان رانش مناسب حفظ شود. در سه نسبت پیشرفت، مشخص شد که در زاویه حدود ۲۰ درجه تولید رانش تقریبا برابر است. این بدان رانش مناسب حفظ شود. در سه نسبت پیشرفت، مشخص شد که در زاویه مرود ما در بول باقی می ماند. سپس این زاویه به یک رانش می میند. سپس این زاویه به یک می بالاتر ملخ، تولید رانش در این زاویه برابر باقی می ماند. سپس این زاویه به یک راویه می میند.

ضریب توان برای همه موارد مورد مطالعه گزارش شد و تمایل به کاهش آن با افزایش زاویه حمله ملخ شرح داده شد. این کاهش نشان دهنده کاهش تولید گشتاور با کج شدن روتور به سمت پایین و افزایش سرعت رو به جلو آن است. همانند رانش، به نظر می رسد کاهش قدرت متناسب با افزایش زاویه حمله است و به نظر می رسد با افزایش نسبت پیشروی شتاب می گیرد. با این حال، در



هشتمین کنفرانس بین المللی **توسعه فناوری در مهندسی مگانیگ و هوافضا**

مقابل، افت گشتاور کل به اندازه افت رانش از ۰ درجه تا ۶۰ درجه قابل توجه نیست. در بدترین حالت، در بالاترین نسبت پیشروی، کل افت گشتاور حدود ۴۷.۶ درصد بود که نسبتا کمتر از افت رانش برای همان مورد (۸۳ درصد) بود.

International Conference on

chnology Development in

Engineering

Mechanical and Aerospace

پسا ناشی از چرخش ملخ برای نسبت های پیشروی و زوایای حمله مورد مطالعه تعیین شد که روند واضحی را نشان می دهد که به سمت وضعیت توقف احتمالی در سرعت ها و زوایای پیشروی خاص ملخ اشاره می کند. مشخص شد که مانند یک ایرفویل معمولی، کشش روی ملخ با افزایش زاویه حمله به طور تصاعدی افزایش می یابد. این رفتار در کمترین نسبت پیشروی به شدت تلفظ می شود، جایی که کشش تا ۵۳ درصد از طریق محدوده زوایای حمله آزمایش شده افزایش می یابد. ورود به شرایط عملیاتی که کشش قابل توجهی ایجاد می کند ممکن است باعث توقف ملخ و از دست دادن کنترل هر وسیله نقلیه ای شود که به حرکت در می آورد. بنابراین، توصیه می شود از یافته های این مطالعه به عنوان مرجع استفاده شود و حداکثر زاویه حمله را در نسبت های پیشروی پایین تر ۳۰ درجه و در نسبت های پیشروی بالاتر ۴۵ درجه مجاز شود.

لحظه ای که باعث چرخش در محور طولی ملخ کواد کوپتر می شود، که گشتاور رول نامیده می شود، حداکثر در زاویه حمله ۰ درجه برای همه نسبت های پیشروی است. برخلاف کشیدن، گشتاور رول در نسبت های پیشروی بالاتر به طور قابل توجهی بالاتر است، با اختلاف حدود ۶۶ درصد بین 33 و 11 در زاویه ۰ درجه. به نظر می رسد کاهش گشتاور غلتشی متناسب با افزایش زاویه حمله باشد و برای همه نسبت های پیشروی در محدوده مشابهی در ۶۰ درجه قرار می گیرد. اهمیت این پارامتر در طراحی سازه ای ملخ است، زیرا تنش های خمشی ایجاد می کند که به طور بالقوه می تواند منجر به تغییر شکل دائمی یا شکست ملخ شود. علاوه بر این، ممان رول یک لحظه نوسانی است که می تواند به دلیل خستگی موادی که از آن ساخته شده است، منجر به خرابی زودرس شود.

تجزیه و تحلیل انجام شده بر روی ملخ امکان توصیف عملکرد آیرودینامیکی ملخ در شرایط مختلف جریان عرضی و زوایای حمله را فراهم کرده است. تجزیه و تحلیل انتگرال ملخ امکان توصیف برخی از پارامترهای عملیاتی بهینه یا توصیه شده را فراهم می کند که می تواند در اجرای آن در یک پهپاد مفید باشد. از تجزیه و تحلیل رانش و گشتاور تولید شده می توان گفت که برای حفظ سرعت رو به جلو بالا و حفظ تولید رانش مناسب، باید از زاویه حمله در حدود ۲۰ درجه استفاده کرد. اگر با نسبت پیشروی پایین، مانند ۲۰۰۰ یا کمتر کار می کنید، باید مراقب باشید که از زاویه حمله در حدود ۲۰ درجه استفاده کرد. اگر با نسبت پیشروی پایین، مانند کشش شود و در جایی که بالابر تولید نمی شود، متوقف شود. اگر با نسبت های پیشروی دو یا سه برابر بیشتر کار می کنید، حداکثر زاویه حمله ۴۵ درجه به همین دلایل توصیه می شود . در نهایت، برای کار با نسبت های پیشروی بالا، باید از یکپارچگی ساختاری ملخ مطمئن بود، زیرا نسبت های پیشروی بالاتر باعث گشتاور غلتشی به طور قابل توجهی بالاتر روی ملخ می شود و می تواند منجر

از طریق یک مطالعه محاسباتی، عملکرد آیرودینامیکی یک ملخ کوچک پهپاد با موفقیت توصیف و در برابر نمونه های دنیای واقعی تأیید شد. این سودمندی دینامیک سیالات محاسباتی را در مطالعه چنین ملخ هایی ثابت می کند و امکان آزمایش سریع و نسبتا ارزان طرح های بالقوه ملخ را قبل از انجام آزمایش تونل باد فراهم می کند. پیش بینی اینکه استفاده مناسب از چنین تکنیک هایی در بازار پهپادها از نظر ارائه وسایل نقلیه با قابلیت های آیرودینامیکی بیشتر با هزینه های کمتر بسیار سودمند خواهد بود، منطقی به نظر می رسد



این مطالعه روشی را برای آزمایش ملخ های کوچک در شرایط جریان عرضی ارائه می دهد که می تواند طیف عملیاتی زوایای حمله را که ممکن است در حین کار با آن مواجه شود، پوشش دهد. با این حال، فرصت های زیادی برای ادامه کار ارائه شده وجود دارد. مواردی که مورد مطالعه قرار گرفتند همگی برای سرعت زاویه ای ۳۰۰۰ دور در دقیقه بودند، اما همان تعداد پیکربندی ها را می توان برای سرعت زاویه ای ۴۰۰۰ دور در دقیقه مطالعه کرد. چنین مطالعه ای توضیحی از اکثریت قریب به اتفاق موارد عملیاتی ملخ خاصی را که آزمایش شده است ارائه می دهد. علاوه بر این، با کار انجام شده توسط Sanabria در ترکیب با کار ارائه شده، هر هندسه ملخ ممکن را می توان مشبک و شبیه سازی کرد تا توصیف کاملی از عملکرد آیرودینامیکی آن به دست آید.



ضميمه ها

ضمیمه ۱



12-0.14



ضمیمه ۲



α = 15°

α = 15°

α = 60°

α = 60°



α = 15°

 $\alpha = 60^{\circ}$

www.metec.bcnf.ir















REFERENCES

1. Y. Lei and M. Cheng, "Aerodynamic Performance of Hex-Rotor UAVConsidering the Horizontal Airflow," Applieed Sciences, 2019.

Engineering

- 2. C. Russel, J. Jung, G. Willink and B. Glasner, "Wind Tunnel and Hover Performance Test Results for Multicopter UAS Vehicles," NASA, 16 Mayo 2016. [Online]. Available: https://ntrs.nasa.gov/archive/nasa/casi.ntrs.nasa.gov/20160007399.pdf. [Accessed 2020].
- 3. C. Russel, G. Willink and C. Theodore, "Wind Tunnel and Hover Performance Test Results UAS Vehicles," NASA, 2018. for Multicopter [Online]. Available: https://rotorcraft.arc.nasa.gov/Publications/files/Russell 1180 Final TM 022218.pdf.
- 4. J. Brandt and M. Selig, "Propeller Performance Data at Low Reynolds Numbers," 4 Enero 2011. [Online]. Available: https://m-selig.ae.illinois.edu/pubs/BrandtSelig-2011-AIAA-2011-1255-LRNPropellers.pdf.
- 5. J. Brandt, R. Deters, G. Ananda and M. Selig, "UIUC Propeller Data Site," 29 Noviembre 2015. [Online]. Available: https://m-selig.ae.illinois.edu/props/propDB.html.
- 6. A.M. Perez Grodillo, J. S. Villegas Santos, O. D. Lopez Mejia, L. J. Suarez Collazos and J. A. Escobar, "Numerical and Experimental Estimation of the Efficiency of a Quadcopter Rotor Operating at Hover," energies, 26 Noviembre 2018.
- 7. J. Cespedes and O. Lopez, "Simulation and validation of the aerodynamic performance of aquadcopter in hover condition using overset mesh," Universidad de los Andes, Bogota.
- 8. J. Sanabria, "ESTUDIO DE LA INFLUENCIA DEL FLUJO CRUZADO EN EL DESEMPEÑO AERODINAMICO DE UN ROTOR DE CUADRICÓPTERO," Universidad de los Andes.
- 9. ANSYS, "6.2.2 Mesh Quality," [Online]. Available: https://www.afs.enea.it/project/neptunius/docs/fluent/html/ug/node167.htm.
- 10. W. Johnson, Rotorcraft Aeromechanics, Nueva York : Cambridge University Press, 2013.
- 11. J. Stanislawski, "a comparison of helicopter main rotor features due to stiffness of rotor Blade-huB connection," transactions of the institute of aviation, vol. 250, pp. 114-131, 2018.
- 12. T. Carrol, "A DESIGN METHODOLOGY FOR ROTORS OF SMALLMULTIROTOR VEHICLES," Ryerson University, 2014. [Online]. Available: digital.library.ryerson.ca.
- 13. A.Kolaei, D. Barcelos and G. Bramesfeld, "Experimental Analysis of a Small-Scale Rotor at Various Inflow Angles," International Journal of Aereospace Engineering, 2018.